



UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERIA
FACULTAD DE INGENIERIA ECONOMICA Y CIENCIAS SOCIALES
EXAMEN FINAL DE ALGEBRA LINEAL 1-2024-2

1. Dados los siguientes subespacios de \mathbb{R}^5 Justificar sus respuestas)

$$F = \{(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) / x_1 = x_2 = x_3 = x_4 = x_5\}, \quad G = \{(x_1, 0, x_3, 0, x_5) / x_1, x_3, x_5 \in \mathbb{R}\}$$

Determine: i) una base de F ii) una base de G iii) ¿se cumple $R^5 = F \oplus G$?

2. Dados los vectores $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ y \vec{d} en \mathbb{R}^3 , determinar el valor de verdad de las siguientes proposiciones :

i) Si $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}|$, entonces $\vec{a}x \left[\vec{a}x \left(\vec{a}x \left(\vec{a}x \vec{b} \right) \right) \right] = -|\vec{a}|^6 \vec{b}$

ii) Si $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$, entonces $\vec{a}x\vec{b} = \vec{b}x\vec{c} = \vec{c}x\vec{a}$

iii)
$$[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] [\vec{m}, \vec{n}, \vec{p}] = \begin{vmatrix} \vec{a} \cdot \vec{m} & \vec{a} \cdot \vec{n} & \vec{a} \cdot \vec{p} \\ \vec{b} \cdot \vec{m} & \vec{b} \cdot \vec{n} & \vec{b} \cdot \vec{p} \\ \vec{c} \cdot \vec{m} & \vec{c} \cdot \vec{n} & \vec{c} \cdot \vec{p} \end{vmatrix}$$

3. A) Sea $S = \{(x_1, x_2, x_3) / x_1 - 2x_2 + x_3 = 0, x_1 - x_2 = 0\}$

Determinar a y b reales y un vector $\vec{v} \in S$ de manera que $B = \{(1, a, -1), (0, -2, b), \vec{v}\}$ sea una base de \mathbb{R}^3 y las coordenadas del vector $(2, 9, 3)$ en la base B sea $(5, 4, 1)$

B) Determinar a y b reales para que el vector $(a, b, -37, -6)$ pertenezca al subespacio generado por los vectores $(1, 2, -5, 3)$ y $(2, -1, 4, 7)$

4. Sean los planos $\pi_1 : x + y + 2z = 5$ y $\pi_2 : 5x + 2y + 4z = 7$. Sea π_3 el plano que tiene como vector normal a $\vec{n} = (1, k+1, k^2+k)$ y pasa por el punto $P = (k, -1, 1)$.

Determinar los valores de k para los cuales $\pi_1 \cap \pi_2 \cap \pi_3 = \emptyset$